



# راهنمای پاسخ‌دهی

## پرسش‌ها، تمرین‌ها، فعالیت‌ها و مسئله‌های

### فصل اول

فیزیک ۲

پایه یازدهم

## فصل ۱

پرسش ۱-۱(صفحه ۳)

بسته به این که روکش پلاستیکی را پیش از کشیدن بر روی ظرف غذا از رُل پیچ آن جدا کرده یا مستقیماً روی ظرف غذا بکشیم، پاسخ‌ها متنوع خواهد بود. وقتی روکش پلاستیکی را روی ظرف غذا می‌کشیم بر اثر تماس نزدیک دو جسم، بار در فرایندی موسوم به الکتریسیته‌دار شدن تماسی بین دو سطح منتقل می‌شود. مثلاً ممکن است پوشش پلاستیکی، بخشی از الکترون‌های روی لبه را به سمت خود بکشد و آن بخش را باردار مثبت کند. آن‌گاه، پوشش که دارای بار منفی است و لبه که دارای بار مثبت است، یکدیگر را جذب خواهند کرد. البته تماس نزدیک در نواحی جداگانه کوچکی رخ می‌دهد. وقتی دو جسم را به یکدیگر مالش می‌دهیم، تعداد این نواحی تماس نزدیک زیادتر می‌شود و بنابراین، این جاذبه‌هم بیشتر خواهد شد که به این، الکتریسیته‌دار شدن مالشی می‌گویند. اگر روکش پلاستیکی را پیش از کشیدن روی ظرف، از رُل پیچ آن جدا کرده باشیم، تکه‌هایی از آن در فرایندهای الکتریسیته‌دار شدن تماسی یا مالشی باردار می‌شوند. تکه‌های با الکترون اضافی، باردار منفی و تکه‌های با کاستی الکترون، باردار مثبت هستند. (درواقع همین امر باعث تا خوردن پوشش‌های پلاستیکی یا نوار چسب بر روی خود یا رُل پیچ آن می‌شود). آن‌گاه افزون بر آنچه که در بالا گفته شد، همان‌طور که در مبحث قطبش خواهید دید، بارهای قطبشی نیز ایجاد خواهد شد که این موجب جذب بیشتری می‌شود. افزون بر این، اگر جدایی بار ناچیزی در یک سطح رخ داده باشد، این می‌تواند موجب ایجاد جدایی بار مشابهی در سطح مقابل نیز شود. همان‌طور که خواهیم دید به این جدایی بار، دوقطبی الکتریکی گفته می‌شود و دوقطبی‌های الکتریکی روی دو سطح، هم‌دیگر را بر اثر نیروی جاذبه بین مولکولی ای موسوم به نیروی واندروالس جذب می‌کنند.

تمرین ۱-۱(صفحه ۵)

عدد اتمی، تعداد پروتون‌های هسته ا است و بنابراین بار الکتریکی هسته ا تم  
$$10^{-17}C = 1/47 \times 10^{-19}C = +92e = +92e / 1/60 = +92e$$
 می‌شود. اتم اورانیم به همین تعداد الکترون دارد که مقدار آن منفی مقدار بالا می‌شود. بار الکتریکی اتم اورانیم (خنثی) مجموع این دو بار و بنابراین صفر است.

فعالیت ۱-۱(صفحه ۵)

در این فعالیت جالب است از دانش‌آموزان بخواهید که بکوشند نی‌ها را از انتهای بالایی به هم تماس دهند. در آن صورت درخواهند یافت که نمی‌توانند آن‌ها را بیش‌تر از فاصله‌ای به هم نزدیک کنند.

فعالیت ۱-۲(صفحه ۷)

طرز کار دستگاه‌های فتوکپی (و چاپگرهای لیزری) براساس برخی اصول اولیه الکتریسیته ساکن است. یک استوانه آلومینیمی که با سلنیوم انود شده است به وسیله یک الکترود، باردار مثبت می‌شود. سپس استوانه در معرض تابش نوری قرار می‌گیرد که تصویری را از برگه‌ای که می‌خواهیم رونوشت آن را تهیه کنیم روی سطح استوانه ایجاد می‌کند. سلنیوم اصطلاحاً یک رسانای نوری (photoconductor) است؛ یعنی در نبود نور، نارسانا است، و در حضور نور، رسانا می‌شود. وقتی تصویر برگه موردنظر روی استوانه می‌افتد، بخش‌هایی از پوشش سلنیومی استوانه که نور می‌گیرد، رسانا می‌شود و با تماس با بدنه آلومینیمی استوانه بار مثبت خود را از دست می‌دهد. به این ترتیب، تصویر برگه به صورت توزیعی از بار مثبت بر سطح استوانه نقش می‌بنند. پس از این مرحله، استوانه در تماس با پودر سیاهرنگی (موسوم به تونر) که دارای بار منفی شده است قرار می‌گیرد. نیروی جاذبه الکتریکی بین پودر باردار منفی و بخش‌هایی از استوانه که دارای بار مثبت است سبب می‌شود این پودر بر سطح استوانه بشیند و تصویری سیاه رنگ از برگه به وسیله تونر بر سطح آن ایجاد شود. اکنون یک برگه سفید که باردار

مثبت شده است و بار مثبت آن بیشتر از بار مثبت استوانه است، روی سطح استوانه می‌پیچد و بهاین ترتیب جاذبه الکترومغناطیسی پودر باردار منفی که روی سطح استوانه قرار دارد و سطح باردار مثبت کاغذ سفید، موجب انتقال تصویر از استوانه به کاغذ می‌شود. گام آخر، عبور کاغذ (که اینک پودر تونر تصویری بر سطح آن ایجاد کرده است) از میان غلتک‌های داغ است. اکنون تونر بر اثر گرمای کاملاً بر سطح کاغذ «تشییت» می‌گردد و بدین ترتیب فرایند فتوکپی به پایان می‌رسد.

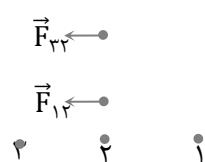
در چاپگر لیزری به جای آنکه تصویر موردنظر را به وسیله اسباب اپتیکی روی سطح استوانه ایجاد کنند، یک قلم لیزری، تصویر یا متن مورد نظر را که به صورت یک فایل در حافظه رایانه ذخیره شده است، روی سطح استوانه ایجاد می‌کند. شکل زیر مرحله‌های ایجاد یک رونوشت در دستگاه فتوکپی را از (الف) تا (ث) نشان می‌دهد. در چاپگر لیزری، مرحله (ب) با مرحله (ث) جایگزین می‌شود.



## پرسش ۱-۲(صفحه ۸)

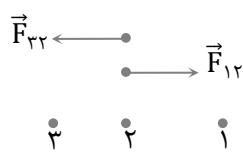
در تعیین نیروی خالص (برایند) توجه کنید که پس از مشخص کردن ذره موردنظر، نیروی ناشی از ذرات دیگر بر آن را طوری رسم می‌کنیم که ابتدای هر کدام از نیروها روی ذره موردنظر باشد. برای اینکه نیروها را مشخص کنیم، بارها را به ترتیب از سمت راست با عددهای ۱، ۲ و ۳ مشخص می‌کنیم.

الف) با رسم نیروها در می‌یابیم که دو نیرو رو به سمت چپ بر بار میانی وارد می‌شود:



بنابراین برایند نیروی وارد بر ذره میانی رو به سمت چپ (در جهت  $\vec{I}$ ) می‌شود.

ب) در این وضعیت، بار ذره ۱ منفی است. اکنون نیرویی که بار شماره ۱ بر بار میانی وارد می‌کند در خلاف جهت وضعیت الف است و بنابراین سوی نیروهای  $\vec{F}_{12}$  و  $\vec{F}_{32}$  بر خلاف جهت هم می‌شود.



ولی توجه کنید که چون فاصله ذره میانی از ذره‌های کناری برابر و بزرگی بارها نیز یکسان است، بنابراین نیروهای وارد بر بار میانی، هم‌دیگر را خنثی می‌کند.

## تمرین ۱-۲ (صفحه ۹)

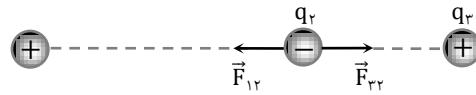
نیروی وارد بر بار  $q_2$ ، برایند دو نیرویی است که از طرف بارهای  $q_1$  و  $q_3$  بر آن وارد می‌شوند. برای محاسبه این نیرو، نیروی را که هریک از بارهای  $q_1$  و  $q_3$  در غیاب دیگری بر بار  $q_2$  وارد می‌کند، محاسبه می‌کنیم.

فاصله بین بارهای  $q_1$  و  $q_2$  را با  $r_{12}$  و فاصله بین بارهای  $q_2$  و  $q_3$  را با  $r_{23}$  نشان می‌دهیم. با استفاده از رابطه ۱-۲ داریم:

$$F_{12} = k \frac{|q_1||q_2|}{r_{12}^r} = (9/0 \times 10^{-9} N \cdot \frac{m^r}{C^r}) \frac{(2/5 \times 10^{-9} C)(1/0 \times 10^{-9} C)}{(4/0 \cdot m)^r} = 1/4 \times 10^{-3} N$$

$$F_{23} = k \frac{|q_2||q_3|}{r_{23}^r} = (9/0 \times 10^{-9} N \cdot \frac{m^r}{C^r}) \frac{(4/0 \times 10^{-9} C)(1/0 \times 10^{-9} C)}{(2/0 \cdot m)^r} = 9/0 \times 10^{-3} N$$

نیرویی که بار  $q_1$  بر بار  $q_2$  وارد می‌کند و نیز نیرویی که بار  $q_3$  بر  $q_2$  وارد می‌کند، از نوع ربایشی (جاذبه) است.



مطابق شکل، این دو نیرو برخلاف جهت یکدیگرند و برایند آنها برابر است با

$$\vec{F}_T = \vec{F}_{12} + \vec{F}_{23} = F_{12}(-\vec{i}) + F_{23}(+\vec{i}) = (F_{23} - F_{12})\vec{i}$$

بنابراین، بزرگی  $\vec{F}_T$  برابر تفاضل بزرگی آنها است:

$$F_T = F_{23} - F_{12} = 9/0 \times 10^{-3} N - 1/4 \times 10^{-3} N = 7/6 \times 10^{-3} N$$

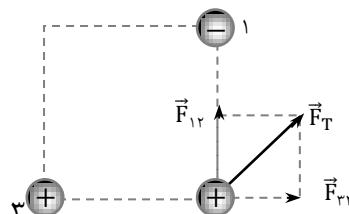
در واقع، بزرگی نیروی  $\vec{F}_T$  برابر  $7/6 \times 10^{-3} N$  و جهت آن در سوی مثبت محور  $x$  است:

$$\vec{F}_T = (7/6 \times 10^{-3} N)\vec{i}$$

## پرسشن ۱-۳ (صفحه ۹)

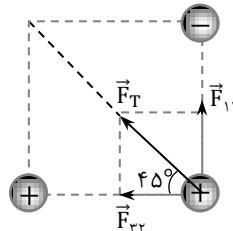
همان طور که گفتیم برای تعیین نیروی برایند، نخست باید ذره مورد نظر را انتخاب کنیم و بردارهای نیرو را طوری رسم کنیم که ابتدای آنها بر ذره موردنظر باشد، در این صورت داریم:

الف) اگر بارها را شماره‌گذاری کنیم داریم:



که در آن  $F_{12} = F_{23} = F_{12}$ . بنابراین  $\vec{F}_T$  با جهت  $\vec{i}$  زاویه  $45^\circ$  می‌سازد.

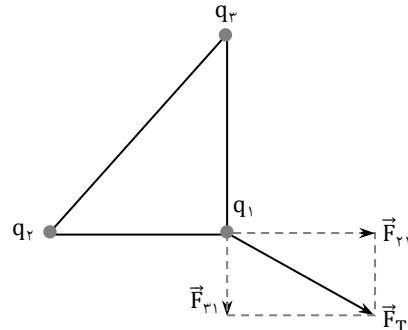
ب) اکنون علامت بار شماره ۳ منفی است و بنابراین سوی نیروی  $\vec{F}_{23}$  برمی‌گردد و شکلی مانند زیر داریم:



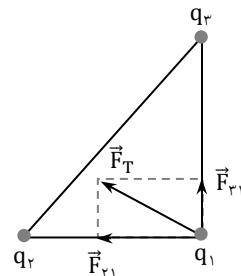
که در آن  $F_{12} = F_{22}$  . بنابراین اگر  $\vec{F}_T$  با جهت  $\vec{i}$  زاویه  $135^\circ$  می‌سازد.

### تمرین ۱-۳(صفحه ۱۰)

الف) اگر علامت بار  $q_3$  مثبت شود، سوی نیروی  $\vec{F}_{31}$  وارونه می‌شود و تصویری مانند زیر خواهیم داشت:



ب) اگر علامت بار  $q_3$  منفی شود، سوی نیروی  $\vec{F}_{21}$  وارونه می‌شود و تصویری مانند زیر خواهیم داشت:



پ) خیر. زیرا اندازه نیروی برایند برابر است با

$$F_T = \sqrt{F_{21}^2 + F_{31}^2}$$

که با توجه به اینکه مقدار  $F_{21}$  و  $F_{31}$  تغییری نمی‌کنند، بزرگی نیروی برایند هم تغییر نمی‌کند.

### تمرین ۱-۴(صفحه ۱۴)

الف) بار پروتون  $e = 1/60 \times 10^{-19} C$  است. بنابراین داریم:

$$E_p = k \frac{|q|}{r^2} = (9/0 \times 10^9 N \cdot m^2/C^2) \frac{(1/60 \times 10^{-19} C)}{(5/3 \times 10^{-11} m)^2} = 5/13 \times 10^{11} \frac{N}{C}$$

خوب است این میدان را با میدان‌های داده شده در جدول ۱-۲ (صفحه ۱۱) کتاب مقایسه کنید تا به بزرگی آن پی ببرید.

بزرگترین میدان داده شده مربوط به فروریزش الکتریکی در هواست که مرتبه بزرگی آن  $10^5$  بار کوچکتر از این پاسخ است.

ب) همان‌طور که در مثال پیش دیدیم، میدان الکتریکی حاصل از مولّد وان دو گراف در فاصله  $1/5 m$  از مرکز کلاهک برابر است با

$$E_v = \frac{|q|}{r^2} = (9/0 \times 10^9 N \cdot m^2/C^2) \frac{(1/0 \times 10^{-6} C)}{(1/0 \cdot m)^2} = 9/0 \times 10^3 \frac{N}{C}$$

این را باید با میدان حاصل از پروتون در فاصله نامشخص  $r$  برابر قرار دهیم و از آنجا  $r$  را پیدا کنیم:

$$E_p = \frac{|q|}{r^2} = (9/0 \times 10^9 N \cdot m^2/C^2) \frac{(1/60 \times 10^{-19} C)}{r^2} = 9/0 \times 10^3 \frac{N}{C}$$

و از آنجا که  $r = 4 \times 10^{-7} \text{ m}$  می‌شود. دقت کنید مرتبه بزرگی این فاصله،  $4 \times 10^{-7} \text{ m}$  بار بزرگتر از مرتبه بزرگی شعاع اتم هیدروژن در مدل بور است. بنابراین پاسخ ب نیز مانند پاسخ الف نشان‌دهنده بزرگی بسیار زیاد میدان هسته اتم در محل الکترون‌های اتم است.

### تمرین ۱-۵ (صفحه ۱۶)

در نقطه ۰، میدان الکتریکی حاصل از هر دو بار با هم جمع می‌شود و جهت آن رو به سمت چپ خواهد بود. یعنی اگر بار آزمون را در نقطه ۰ قرار دهیم، نیروهای وارد بر آن ناشی از بارهای  $q_1$  و  $q_2$  به سمت چپ خواهد بود و بنابراین میدان الکتریکی خالص در جهت  $\vec{i}$  است. چون بزرگی بارها یکسان و فاصله آن‌ها تا نقطه ۰ برابر است، بزرگی میدان‌ها با هم برابر است. بنابراین اندازه میدان کل، دو برابر اندازه هر یک از میدان‌ها است:

$$E_0 = 2E = 2k \frac{|q|}{r^2} = 2(9/0 \times 10^9 \text{ N} \cdot \frac{\text{C}^2}{\text{m}^2}) \frac{(2/0 \times 10^{-9} \text{ C})}{(3/0 \times 10^{-2} \text{ m})^2} = 4/0 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

$$\text{در نتیجه } \vec{E}_0 = (-4/0 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}) \vec{i} \text{ می‌شود.}$$

حال اگر بار آزمون را در نقطه M قرار دهیم، دو نیرو بر آن اثر می‌کند که برخلاف جهت هم هستند. چون اندازه بارها برابر و لی فاصله بار مثبت از نقطه M کوچک‌تر است، نتیجه می‌گیریم که جهت میدان الکتریکی در سوی مثبت محور x (+i) می‌شود.

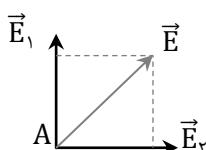
$$\begin{aligned} E_M &= k \frac{|q|}{r_1^2} - k \frac{|q|}{r_2^2} = k|q| \left( \frac{1}{r_1^2} - \frac{1}{r_2^2} \right) \\ &= (9/0 \times 10^9 \text{ N} \cdot \frac{\text{C}^2}{\text{m}^2}) (2/0 \times 10^{-9} \text{ C}) \left( \frac{1}{(3/0 \times 10^{-2} \text{ m})^2} - \frac{1}{(9/0 \times 10^{-2} \text{ m})^2} \right) \\ &= 17/784 \frac{\text{N}}{\text{C}} \approx 1/8 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}} \end{aligned}$$

در نتیجه:

$$\vec{E}_M = (1/8 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}) \vec{i}$$

### تمرین ۱-۶ (صفحه ۱۷)

با گذشتن بار آزمون در نقطه A، جهت میدان برایند در این نقطه را تعیین می‌کنیم.



$$\vec{E} = E_x \vec{i} + E_y \vec{j} = (5/0 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}) \vec{i} + (5/0 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}) \vec{j}$$

و در نتیجه:

$$E = \sqrt{E_x^2 + E_y^2} = \sqrt{1/0 \times 10^8 \frac{\text{N}}{\text{C}}} = \sqrt{1/0 \times 10^8} \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

البته این نتیجه را می‌توانستیم براساس تقارن مسئله، با استفاده از پاسخ مثال ۱-۸ نیز به راحتی دریابیم.

### فعالیت ۱-۳ (صفحه ۱۷)

خوب است در تکمیل این فعالیت، برای آن که طرح خطوط میدان را به صورت سه بعدی ببینید، به جای بذر چمن از بریده‌های کوچک نخ استفاده کنید و آن‌ها را پیش از آزمایش در ظرف شیشه‌ای شفافی با عمق مناسب (مثلًا بالن آزمایشگاه) که حاوی روغن است کاملاً هم بزنید و با استفاده از یک مولد ولتاژ بالا، آزمایش مشابهی ترتیب دهید.

### پرسش ۱-۴ (صفحه ۱۹)

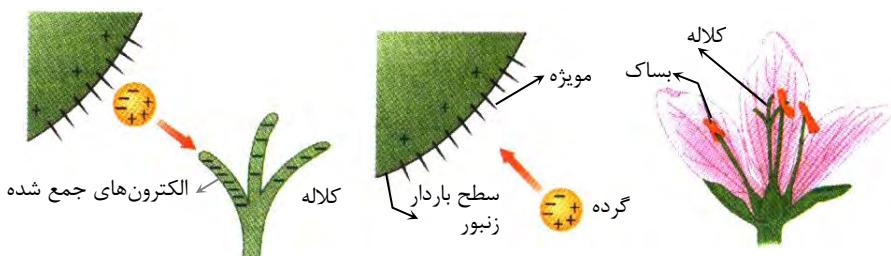
در هر نقطهٔ فضایک میدان الکتریکی یکتا وجود دارد که همان میدان الکتریکی خالص (برايند) است و چون میدان الکتریکی در آن نقطه از فضایک است، بنابراین میدان الکتریکی برايند دیگری در آنجا وجود ندارد که تقاطع ایجاد کند.

### پرسش ۱-۵ (صفحه ۱۹)

نیروی الکتریکی وارد بر بار منفی در خلاف جهت میدان الکتریکی  $\vec{E}$  است، و بنابراین اگر نیروی دیگری به این بار اثر نکند، بار منفی در خلاف جهت میدان شتاب می‌گیرد. در هر سه نقطه، نیروی الکتریکی وارد بر بار  $q$  در خلاف جهت پیکان‌های خطوط میدان است.

### فعالیت ۱-۴ (صفحه ۱۹)

زنبورهای عسل معمولاً در حین پرواز دارای بار مثبت می‌شوند و وقتی به گرده بدون باری روی بساک یک گل (شکل الف) می‌رسند که از لحاظ الکتریکی خنثی است، میدان الکتریکی آن‌ها روی گرده بارهای مثبت و منفی ایجاد می‌کند، به طوری که آن سمت گرده که به طرف زنبور است باردار منفی می‌شود و به این ترتیب گرده به سوی زنبور کشیده می‌شود (شکل ب). گرده‌ها روی مویزه‌های ریز زنبور قرار می‌گیرند و سپس وقتی زنبور در اطراف کلاله گل دیگری پرواز می‌کند، بارهای منفی را بر روی کلاله القا می‌کند. هرگاه نیروی الکتریکی وارد از کلاله بزرگتر از نیروی الکتریکی وارد از زنبور بر گرده باشد، گرده به سمت کلاله گل کشیده می‌شود (شکل پ) و گرده افسانی صورت می‌گیرد.



پ) الکترون‌هایی که در نوک کلاله جمع شده شده‌اند، گرده را جذب می‌کنند.

ب) بر اثر حضور زنبور، روی گرده نزدیک بساک، بار القا شده است.

الف) اجزای بساک و کلاله یک گل

برای این‌که نیروی الکتریکی با وزن بادکنک موازن شود باید نیروی الکتریکی در خلاف جهت وزن بادکنک به آن وارد شود و بزرگی آن برابر با وزن بادکنک باشد:

$$F_E = mg \Rightarrow qE = mg$$

و از آنجا

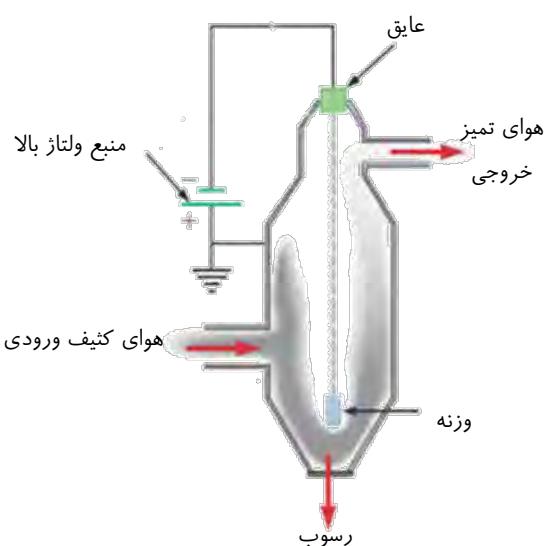
$$E = \frac{mg}{|q|} = \frac{(10 \times 10^{-3} \text{ kg})(9.8 \text{ N/kg})}{200 \times 10^{-9} \text{ C}} = 4.9 \times 10^5 \text{ N/C}$$

با توجه به رابطه  $\vec{F} = q\vec{E}$  و منفی بودن  $q$ ، جهت میدان الکتریکی در خلاف نیروی الکتریکی و بنابراین مستقیماً رو به پایین است.

## فعالیت ۱-۵ (صفحه ۲۱)

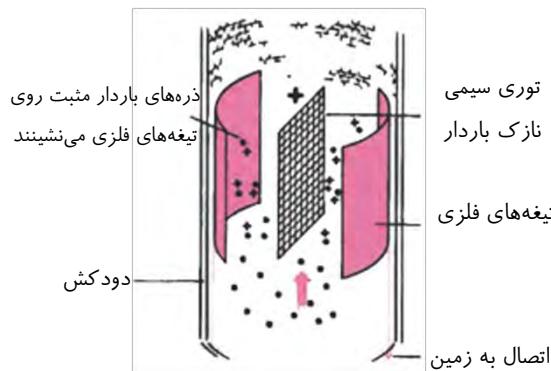
رسوب‌دهنده‌های الکتروستاتیکی یکی از کاربردهای مهم تخلیه الکتریکی است. این وسیله با جداسازی ذرات از گازهای حاصل از احتراق مواد سوختی، سبب کاهش آلودگی هوا می‌شود. به کارگیری این وسیله، به خصوص در نیروگاه‌های تولید برق که از زغال‌سنگ استفاده می‌کنند و دیگر صنایعی که مقادیر قابل توجهی دود تولید می‌کنند، مفید است. رسوب‌دهنده‌هایی که امروزه به کار گرفته می‌شوند می‌توانند حدود ۹۰ درصد خاکستر و بخار موجود در دود را کاهش دهند، ولی با این حال درصد قابل توجهی از ذرات سبک‌تر از رسوب‌دهنده می‌گریزند و وارد جو می‌شوند. رسوب‌دهنده‌ها اقسام متفاوتی دارند که در اینجا به چند نوع آن‌ها می‌پردازیم.

در رسوب‌دهنده‌ای که در شکل اول می‌بینید، ولتاژ بالایی (نوعاً از ۴۰ kV تا ۱۰۰ kV) بین یک سیم فلزی که از وسط دودکش آن می‌گذرد و دیواره دودکش برقرار می‌شود، در حالی که دیواره دودکش به زمین متصل است. پتانسیل سیم فلزی، منفی‌تر از پتانسیل دیواره است و لذا میدان الکتریکی‌ای به وجود می‌آید که جهت آن به سمت سیم است. در نزدیکی سیم، میدان الکتریکی چنان قوی است که می‌تواند سبب تخلیه الکتریکی در این فضا گردد و به این ترتیب یون‌های مثبت و منفی و تعدادی الکترون ایجاد می‌شود. الکترون‌ها و یون‌های منفی (از قبیل  $O_2^-$ ) در خلاف جهت میدان الکتریکی، به سمت دیواره دودکش شتاب می‌گیرند. ذرات غبار موجود در دودی که از دودکش می‌گذرد با یون‌های منفی و الکترون‌ها برخورد کرده و با به دام انداختن آن‌ها باردار می‌شوند؛ چون بیشتر ذرات غبار باردارشده منفی هستند، این ذرات توسط میدان الکتریکی به سمت دیواره دودکش کشیده می‌شوند. با تکان دادن دودکش، ذرات باردارشده غبار چسبیده به دیواره پایین می‌ریزد و آنگاه از رسوب‌دهنده جمع‌آوری می‌شوند.



نوع دیگر رسوب‌دهنده‌ها در شکل دوم نشان داده شده است. در این رسوب‌دهنده، توری سیمی که به میزان زیادی باردار مثبت شده است بین تیغه‌های فلزی متصل به زمین قرار دارد، به‌گونه‌ای که تخلیه الکتریکی مدامی بین توری و این تیغه‌ها روی می‌دهد. این تخلیه، جریان پیوسته‌ای از یون‌ها را به ذره‌های غبار در گازی که از دودکش بالا

می‌رود، متصل می‌کنند. ذره‌های باردار عبوری به سوی تیغه‌های متصل به زمین رانده می‌شوند و در آنجا رسوب می‌کنند. پس از مدتی، این تیغه‌ها را با زدن ضربه می‌تکانند و به این ترتیب، ذره‌ها را جدا می‌کنند.



پاک کننده هوای الکتروستاتیکی دستگاه مشابه دیگری از این دست به منظور ایجاد هوای مطبوع برای مبتلایان به آلرژی است. در این دستگاه، هوای آلوده نخست از میان یک شبکه توری با بار مثبت عبور داده می‌شود. ذرات آلودگی با برخورد با این شبکه باردار مثبت می‌شوند. سپس، هوا از شبکه توری دیگری که باردار منفی شده است عبور می‌کند. ذرات آلاینده که پیشتر هنگام برخورد با شبکه توری منفی می‌شوند و روی این شبکه رسوب می‌کنند و به این ترتیب هوای خروجی از دستگاه عاری از درصد زیادی از ذرات آلاینده است.

### تمرین ۱-۸ (صفحه ۲۳)

طبق قضیه کار- انرژی جنبشی داریم:

$$W_E = \Delta K$$

از طرفی رابطه ۱-۸ است و بنابراین داریم:

$$-\Delta U_E = \frac{1}{\gamma} m(v_B^\gamma - v_A^\gamma) \Rightarrow \Delta U_E = -\frac{1}{\gamma} m v_B^\gamma$$

جهت میدان الکتریکی عوض شده است، و پروتون در جهت میدان (به طرف راست) شتاب می‌گیرد. تغییر انرژی پتانسیل آن برابر است با

$$\Delta U_E = -|q| Ed \cos \theta$$

که در اینجا  $\theta = 0^\circ$  است. بنابراین

$$\Delta U_E = -|q| Ed$$

$$-\frac{1}{\gamma} m v_B^\gamma = -|q| Ed$$

و در نتیجه:

$$\begin{aligned} v_B &= \sqrt{\frac{2|q|Ed}{m_p}} \\ &= \sqrt{\frac{(1/6.0 \times 10^{-19} C)(2.0 \times 10^3 N/C)(1.0 \times 10^{-2} m)}{1/87 \times 10^{-27} kg}} \\ &= 1/96 \times 10^5 m/s \approx 2.0 \times 10^5 m/s \end{aligned}$$

البته این را می‌توانیم بدون محاسبه و با توجه به پاسخ قسمت ب مثال ۱-۱ نیز حدس بزنیم.

### تمرین ۱-۹ (صفحه ۲۵)

در متن درس اشاره شد که  $\Delta V$  مستقل از نوع بار است و اینجا می‌خواهیم آن را نشان دهیم.

الف) رابطه‌های  $\Delta V = \Delta U/q$  و  $\Delta V = -|q|Ed \cos \theta$  را در نظر بگیرید. اگر بار  $q$  مثبت باشد،  $\theta$  همان زاویه میان میدان

الکتریکی و جایه جایی بار  $q$  و در اینجا  $\theta = 0^\circ$  است و بنابراین

$$\Delta V = -Ed$$

و اگر بار  $q$  منفی باشد، نیرو در خلاف جهت میدان اثر می‌کند و با توجه به اینکه جابه‌جایی هم‌سو با میدان است، در اینجا  $\theta = \pi$  است و بنابراین

$$\Delta U = -|q|Ed \cos(\pi) = |q|Ed$$

که با توجه به منفی بودن  $q$ ، داریم  $\Delta U = -qEd$  می‌شود. از طرفی  $\Delta V = \Delta U/q$  است و بنابراین خواهیم داشت:

$$\Delta V = -Ed$$

پس در هر دو حالت  $\Delta V = -Ed$  شد، که به معنی کاهش پتانسیل است. بدیهی است که با حرکت در خلاف جهت میدان،  $\Delta V = +Ed$  می‌شود که به معنی افزایش پتانسیل است.

ب) با حرکت در جهت عمود بر خطوط میدان،  $\theta = 90^\circ$  و در نتیجه  $\Delta U = 0$  و از آنجا  $\Delta V = 0$  می‌شود.

### تمرین ۱-۱۰ (صفحه ۲۵)

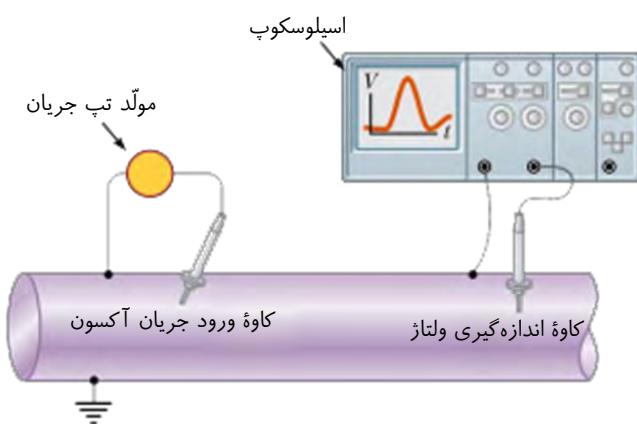
در این حالت، چون پایانه مثبت را مرجع گرفته‌ایم،  $V_+ = 0$  است. بنابراین

$$\Delta V = V_+ - V_- = 0 - V_- = 12V$$

و در نتیجه  $-V_- = 12V$  می‌شود. به عبارتی دیگر، پتانسیل پایانه منفی باتری  $12V$  کمتر از پتانسیل پایانه مثبت آن است.

### فعالیت ۱-۶ (صفحه ۲۶)

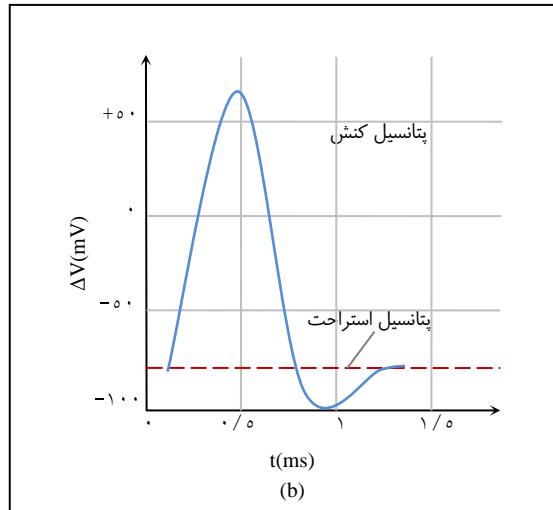
به طور اختصار می‌توان گفت که اساساً نورون، متشکل از یک جسم سلولی است که پیام‌های الکتریکی را از طریق اتصال‌هایی به نام سیناپس که روی دندریت‌ها قرار دارند، دریافت یا ارسال می‌کنند. اگر محرک به حد کافی قوی باشد، نورون یک سیگنال الکتریکی را در امتداد تاری به نام اکسون ارسال می‌کند. اکسون



یا تار عصبی که قطر آن  $10$  تا  $20$  میکرومتر است و طول آن ممکن است به یک متر برسد، سیگنال الکتریکی را به ماهیچه‌ها و نورون‌های دیگر می‌برد. در دو طرف سطح یا غشای هر نورون اختلاف پتانسیلی ناشی از وجود یون‌های منفی بیشتر در داخل غشا نسبت به خارج آن وجود دارد و اصطلاحاً به آن نورون قطبیه گفته می‌شود. پتانسیل داخل سلول عموماً  $60$  تا  $90$  میلی ولت، منفی‌تر از خارج آن است. این اختلاف پتانسیل، پتانسیل استراحت

نورون نامیده می‌شود. وقتی نورون تحریک می‌شود، در محل تحریک، تغییر لحظه‌ای بزرگی در پتانسیل استراحت رخ می‌دهد. این تغییر پتانسیل که پتانسیل کنش نام دارد، به صورت سیگنالی در امتداد اکسون منتشر می‌شود. تحریک می‌تواند از طریق عواملی از قبیل گرما، سرما، نور، صوت و بو، به وجود آید. اگر تحریک، الکتریکی باشد فقط در حدود  $20mV$  در دو طرف غشا لازم است تا پتانسیل کنش را راه بیندازد. پتانسیل کنش با سرعتی حدود  $30m/s$  امتداد اکسون منتشر می‌شود. در شکل اول تصویری نمایشی از چگونگی آشکارسازی پتانسیل کنش نشان داده شده است. همان‌طور که مشاهده می‌کنید در سمت چپ تحریکی الکتریکی ایجاد

شده است که در سمت راست پتانسیل کنش حاصل از آن به صورت تابعی از زمان حاصل شده است. در شکل دوم اختلاف پتانسیل درون و بیرون غشای نورون در یک نقطه روی اکسون به صورت تابعی از زمان رسم شده است.



اختلاف پتانسیل درون و بیرون غشای نورون در یک نقطه روی اکسون به صورت تابعی از زمان

در این مورد مقاله‌ای تحت عنوان درآمدی بر فیزیولوژی اعصابی در صفحه ۴۰ شماره ۶۲ مجله رشد آموزش فیزیک چاپ شده است که پس از آن می‌توان مقاله دیگری تحت عنوان مدل‌سازی سلول عصبی با مدارهای الکتریکی را مطالعه نمود که در صفحه ۳۶ شماره ۷۷ همان مجله به چاپ رسیده است.

### تمرین ۱-۱۱ (صفحه ۲۷)

چون بار  $+q$  در خلاف جهت میدان جابه‌جا شده است و نیروی الکتریکی هم‌سو با میدان است،  $\theta = 180^\circ$  و  $W_E = F_E d \cos \theta$  منفی می‌شود. با توجه به اینکه  $W_E = -\Delta K$  است، خارجی  $W$  می‌شود و بنابراین کار نیروی دست مثبت است.

ب) کار نیروی خارجی برای  $\Delta K = q\Delta V$  است. بنابراین، چون کار نیروی خارجی مثبت شده است، و بار جابه‌جا شده نیز مثبت است، بار  $+q$  به نقطه‌ای با پتانسیل بالاتر حرکت کرده است.

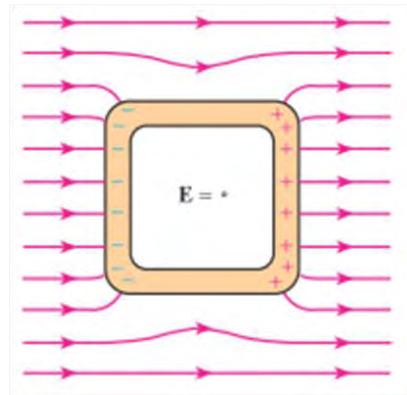
روش دیگر آن بود که نخست قسمت ب و سپس قسمت الف را پاسخ دهیم. در آن صورت با توجه به تمرین ۱-۹ می‌دانیم با حرکت بار مثبت در خلاف جهت میدان الکتریکی، پتانسیل الکتریکی  $V$  افزایش می‌یابد و با توجه به اینکه بار مثبت است و با استفاده از رابطه  $W_{\text{خارجی}} = q\Delta V$ ، در می‌یابیم کار نیروی دست مثبت است.

تبصره. توجه کنید حرکت بار مثبت در خلاف جهت میدان الکتریکی، مشابه با گرانش است که با حرکت در خلاف جهت میدان گرانشی، در آنجا پتانسیل گرانشی  $U$  زیاد می‌شود.

### فعالیت ۱-۷ (صفحه ۲۹)

الف) قفس فاراده از موارد جالبی است که می‌توان دانش‌آموزان را تشویق کرد که با جست‌وجوی واژه «Faraday's cage» به مطالب و تصاویر جالبی دست یابند و آن‌ها را به کلاس ارائه کنند. در هر حال همان‌طور که در متن فعالیت آمده، قفس فارادی در واقع به انواع و اقسام مجموعه‌هایی گفته می‌شود که بر مبنای آزمایش فاراده موجب حفاظت الکتروستاتیکی می‌شوند. در

واقع همان طور که در درس مطرح شد اگر یک رسانای خنثی را در یک میدان الکتریکی خارجی قرار دهیم، الکترون‌های آزاد رسانا طوری روی سطح خارجی آن توزیع می‌شوند که میدان ناشی از آن‌ها اثر میدان خارجی درون رسانا را خنثی و میدان خالص درون رسانا را صفر کنند. همچنین دیدیم بار خارجی روی جسم رسانا طوری روی آن توزیع می‌شود که میدان الکتریکی آن صفر شود.



همان طور که گفته شد از این فیزیک برای ساختن محافظه‌های الکتروستاتیکی استفاده می‌کنند. مثلاً فرض کنید می‌خواهیم یک دستگاه حساس الکترونیکی را از یک میدان الکتریکی نامطلوب حفظ کنیم. به این منظور دستگاه را درون یک جعبه رسانا قرار می‌دهیم یا آن را با ورقه‌ای نازک از ماده‌ای رسانا می‌پوشانیم. میدان الکتریکی خارجی، نحوه توزیع الکترون در پوشش رسانا را تغییر می‌دهد به طوری که میدان کل در هر نقطه درون این جعبه، صفر شود. البته توزیع جدید باز، شکل خطوط میدان در مجاور آن را نیز تغییر می‌دهد. بنابراین، عملآشکلی مانند شکل ۳۱-۱ کتاب خواهیم داشت، با این تفاوت که درون این شکل‌ها را خالی در نظر بگیرید تا بدین ترتیب، محلی برای ایجاد حفاظت ایجاد شود.

ب) چنین اتومبیلی درست مثل یک قفس فاراده، عمل می‌کند. بنابراین، اگر آذربخشی به اتومبیلی اصابت کند، بار روی سطح خارجی بدن اتومبیل، باقی می‌ماند. (درموقع اضطراری، موقع خروج از اتومبیلی که به هر دلیلی دچار اصطلاحاً برق‌گرفتگی شده است، توجه کنید یک دست بر بدن و پا روی زمین نباشد، بلکه باید جفت پا به بیرون بپرید). همچنین توجه کنید که اگر بدن اتومبیل لاستیکی و یا سقف آن تاشو (و یا نارسانا) باشد، ممکن است هیچ محافظتی ایجاد نشود.

هوایپیماها نیز به همین ترتیب، برای سرنشینان خود محافظت ایجاد می‌کنند، اما با این وجود، هوایپیماها آسیب‌پذیرتر از اتومبیل‌ها هستند.



ب) دانش‌آموزان باید بر مبنای اصولی که در قسمت الف بیان شد، به طراحی چنین وسایلی بپردازند یا با وسایل موجود مانند مایکروفرافر (در این مورد آزمایش‌های جالبی در اینترنت پیدا می‌شود)، تلفن همراه و ... این نظریه‌ها را محک بزنند. مثلاً تلفن همراه خود را در ظرفیا پوشش فلزی سربسته‌ای قرار دهند و به آن زنگ بزنند و ... در مولد واندوگراف نیز همین اصول به کار رفته و بار توسط یک قطعه رسانا از تسمه به روی کلاهک منتقل می‌شود و در نتیجه بار روی کلاهک و میدان اطراف آن به سرعت بزرگ‌تر و بزرگ‌تر می‌شود. با خود واندوگراف نیز می‌توان آزمایش‌های جالبی را طراحی کرد. مثلاً یکی از آزمایش‌های مشهور این است که نخست یک الکتروسکوپ توسط واندوگراف باردار کنیم و مشاهده کنیم عقربه آن منحرف می‌شود. بعد با قرار دادن همان الکتروسکوپ در درون یک قفس فلزی همین آزمایش را تکرار می‌کنیم و درمی‌یابیم این بار عقربه آن منحرف نمی‌شود.

همچنین می‌توان کاغذهای کوچک دوتا شده‌ای را روی توری قرار داد، طوری که یک تای کاغذ درون و تای دیگر آن بیرون توری قرار گیرد. خواهید دید پس از باردار کردن توری، فقط کاغذهای روی آن از توری فاصله می‌گیرند.

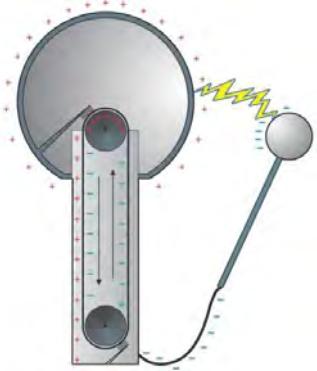
## فعالیت ۱-۸ (صفحه ۳۰)

پس از رفت و برگشت‌های متوالی، گلوله‌ها در فاصله معینی از دو طرف دوک می‌ایستند به طوری که گلوله‌ای که با نوک تیز تماس پیدا کرده است در زاویه بیشتری نسبت به امتداد قائم قرار می‌گیرد که همان‌طور که در خوب است بدانید تخلیه‌های (صفحه ۳۱) اشاره کردیم نشان‌دهنده قوی‌تر بودن میدان الکتریکی در نقاط نوک‌تیز است. به عبارتی، چگالی سطحی بیشتر بارها در نوک تیز به میدان الکتریکی بیشتری می‌انجامد.

تبصره. می‌دانیم بار الکتریکی گلوله‌ها در تماس با مولکول‌های هوا کم تخلیه می‌شود به تدریج به حالت اولیه (راستای قائم) برمی‌گردد. سپس گلوله‌ها دوباره با دوک برخورد کرده و باردار می‌شوند و همان مراحل تکرار می‌گردد. ولی گلوله‌ای که به سر نوک تیز تماس پیدا کرده است چون بار بسیار بیشتری دارد زمان کمتری هم طول می‌کشد تا بارهای خود را در هوا تخلیه کند و به حالت قائم بازگردد و دوباره باردار و دور شود. اما گلوله‌ای که از قسمت پهن بار دریافت کرده، بارش کمتر است و زمان کمتری طول می‌کشد تا بار شود و به حالت قائم بازگردد. این فرایند آنقدر آدامه می‌یابد تا بار جسم دوکی کاملاً تخلیه شود.

## فعالیت ۱-۹ (صفحه ۳۱)

هدف اصلی برق‌گیر این است که مسیری ساده برای انحراف ضربه یک آذرخش به سمت زمین را مهیا کند. بنابراین، برای آنکه برق‌گیر عمل کند باید به قسمت مرطوب و رسانای زیر سطح زمین، متصل گردد. برای عمل کردن برق‌گیر، میله آن باید از بالاترین نقطه ساختمان بالاتر باشد. در آن صورت، نشان داده شده است که برق‌گیر، محافظتی شبیه یک قیف وارونه ایجاد می‌کند که رأس آن در نوک برق‌گیر است و آذرخشی که وارد این مخروط فرضی می‌شود، به جای برخورد با ساختمان، با برق‌گیر برخورد می‌کند. برخی بر این باورند که انتهای بالای برق‌گیر باید تیز باشد. این باور مبتنی بر این واقعیت است که یک نوک تیز میدان قوی‌تری نسبت به یک نوک پهن ایجاد می‌کند و بنابراین موجب محافظت بیشتری می‌شود. اما استدلال مغایر آن، این است که یک نوک تیز، یونیدگی مولکول‌های هوای اطراف برق‌گیر را افزایش می‌دهد که این خود باعث کاهش اثر محافظتی برق‌گیر می‌شود. در هر حال آزمایش‌ها نشان داده است که غالباً آذرخش به نوکی نسبتاً پهن بیشتر از یک نوک تیز ضربه می‌زند. به این منظور آزمایش زیر را در نظر بگیرید که با یک اسباب آزمایشگاهی این رویداد را شبیه‌سازی می‌کند. نخست کلاهک مولد واندوگراف به تنها‌ی در نزدیکی گوبی فلزی با دسته‌ای عایق قرار دارد که خود توسط سیمی به زمین مولد واندوگراف متصل است. کلاهک مولد شبیه یک ابر باردار و گوی فلزی شبیه رأس یک ساختمان بلند است. وقتی مولد روشن باشد، کلاهک مولد هر چند ثانیه یک بار به گوی فلزی جرقه‌ای بزرگ می‌زند که هم صدای آن شنیده می‌شود و هم نور آن دیده می‌شود. این شبیه ضربه آذرخش به یک نوک پهن یا رأس یک ساختمان است.



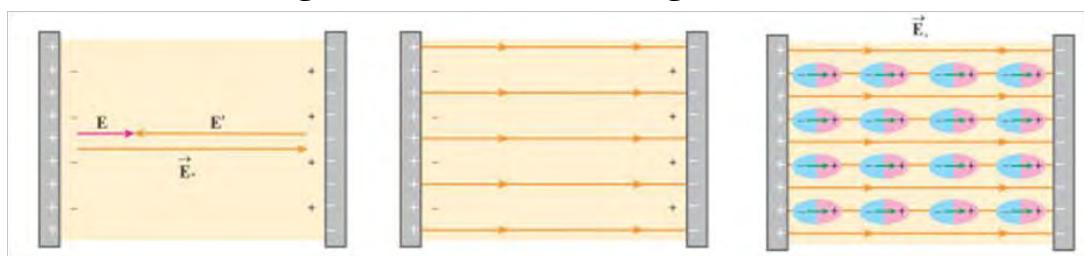
در قسمت دوم آزمایش، میله نوک تیز L شکلی را که با سیم به زمین مولد وصل شده است، در بالای مولد قرار می‌دهیم. این میله نوک تیز L شکل، مشابه میله برق‌گیر است، در حضور میله نوک تیز، یک تخلیه بار تدریجی بین کلاهک مولد و این میله رخ می‌دهد و دیگری خبری از جرقه‌های بین کلاهک مولد و گوی فلزی نخواهد بود. در این حالت اگر فضای آزمایشگاه را تاریک کنیم، هاله روشنی در نزدیکی نوک تیز میله مشاهده خواهید کرد که نشانه تخلیه تدریجی بار است. جالب است که این

پدیده حتی در حالتی که میله نوک تیز در فاصله دورتری از کلاهک، نسبت به فاصله گوی فلزی تا کلاهک، باشد همچنان رخ خواهد داد. به عبارتی، میله نوک تیز، با تخلیه تدریجی، گوی را از برخورد جرقه محافظت کرده است.

### پرسش ۱-۶ (صفحه ۳۶)

به این پرسش به دو صورت می‌توان پاسخ داد. یک روش، با توجه به طرح درس کتاب است و اینکه بگوییم چون ظرفیت خازن با حضور دیالکتریک افزایش می‌یابد، بنابراین طبق رابطه  $Q/C = V$ ، با توجه به اینکه بار تغییر نکرده است، اختلاف پتانسیل باید کاهش یابد.

اما توضیح دقیق تر و علمی ماجرا آن است که همان‌طور که در متن درس اشاره شد، وقتی دیالکتریک قطبی در میدان الکتریکی بین دو صفحه خازن قرار می‌گیرد، مولکول‌های دو قطبی آن در جهت میدان الکتریکی همدیف می‌شوند و وقتی یک دیالکتریک غیرقطبی در این میدان قرار گیرد، مولکول‌های آن در راستای میدان قطبیده می‌شوند. چه در مورد دیالکتریک‌های قطبی و چه در مورد دیالکتریک‌های غیرقطبی، دو قطبی‌های مولکولی در فضای بین دو صفحه خازن میدانی الکتریکی ایجاد می‌کنند، به طوری که میدان الکتریکی حاصل از آن‌ها می‌کوشند میدان الکتریکی خارجی را تضعیف کنند. به عبارتی، میدان الکتریکی ناشی از بارهای قطبیده در خلاف جهت میدان الکتریکی خارجی است و بدین ترتیب برای خازنی که به باتری وصل نیست، میدان الکتریکی برایند داخل دیالکتریک ضعیفتر از میدان الکتریکی اولیه می‌شود. به عبارتی، حضور دیالکتریک در فضای بین دو صفحه خازن، میدان الکتریکی اولیه را تضعیف می‌کند. بنابراین، وقتی خازن به باتری وصل نیست، میدان اولیه بین صفحه‌ها کاهش می‌یابد و در نتیجه اختلاف پتانسیل بین صفحه‌ها نیز کاهش پیدا می‌کند. شکل زیر همدیف شدن مولکول‌های یک دیالکتریک قطبی را در میدان دو صفحه خازن نشان می‌دهد.



پ) میدان الکتریکی  $\vec{E}'$  حاصل از بارهای سطحی در خلاف جهت  $\vec{E}$  است. میدان الکتریکی  $\vec{E}$  در جهت  $\vec{E}'$  کوچک‌تر از آن شده است.

ب) این همدیفی، بارهای سطحی را روی دو جهت دیالکتریک ایجاد می‌کند که موجب تضعیف میدان الکتریکی

الف) مولکول‌های دوقطبی در حضور میدان الکتریکی خارجی  $\vec{E}$  همدیف شده‌اند.

### فعالیت ۱-۱۰ (صفحه ۳۷)

در این کیسه‌های هوا، حسگر کیسه هوا خازنی است که از دو صفحه فلزی کوچک و نزدیک به هم ساخته شده است که بارهای  $Q+$  و  $Q-$  دارند. وقتی اتومبیل ناگهان متوقف می‌شود، صفحه عقبی که سبک‌تر است به سمت صفحه سنگین‌تر جلویی حرکت می‌کند. این حرکت موجب تغییر ظرفیت خازن (نسبت  $Q$  به اختلاف پتانسیل  $V$  بین صفحه‌ها) می‌شود و یک مدار الکتریکی این تغییر را آشکارسازی کرده و کیسه‌های هوا را به کار می‌اندازد.

### تمرین ۱-۱۲ (صفحه ۳۸)

با استفاده از رابطه  $1 - 18$  داریم:

$$C = k\epsilon \cdot \frac{A}{d} = 3.9 \cdot (8.85 \times 10^{-12} \text{ F/m}) \frac{1.0 \times 10^{-10} \text{ m}^2}{1.0 \times 10^{-9} \text{ m}} = 2.66 \times 10^{-13} \text{ F} \approx 0.266 \text{ pF}$$

حال با استفاده از تعریف ظرفیت، بار Q را به دست می‌آوریم:

$$Q = C \Delta V = (2.66 \times 10^{-13} \text{ F})(0.085 \text{ V}) = 2.26 \times 10^{-14} \text{ C} \approx 2/3 \times 10^{-14} \text{ C}$$

بزرگی بار هر یون در هر طرف غشاء برابر  $10^{-19} \text{ C} \times 1/60 \times 10^{-19} \text{ C}$  است. بنابراین تعداد یون‌ها برابر است با

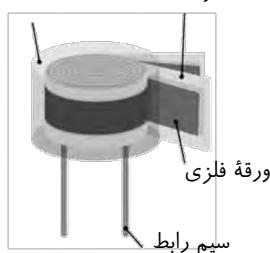
$$\text{یون}^5 = 10^5 \times \frac{2.26 \times 10^{-14} \text{ C}}{1.60 \times 10^{-19} \text{ C/ion}} = 1/41 \times 10^5 = \text{تعداد یون‌ها}$$

که با توجه به اینکه اختلاف پتانسیل با دو رقم با معنا داده شده است آن را باید به صورت  $10^5 \times 1/4 \times 10^5$  یون بیان کرد.

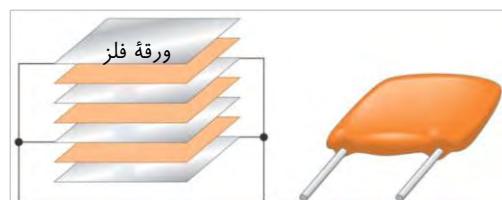
### فعالیت ۱-۱ (صفحه ۳۸)

خازن‌ها انواع متعددی دارند؛ زیرا برای کاربردهای مختلفی ساخته می‌شوند. در اینجا با چند نمونه خازن آشنا می‌شویم.

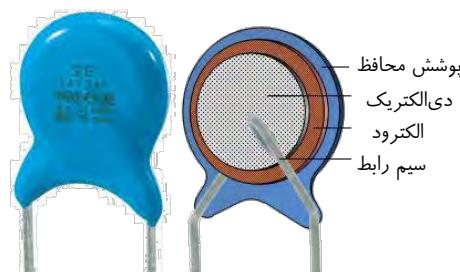
دیالکتریک غلاف پلاستیک



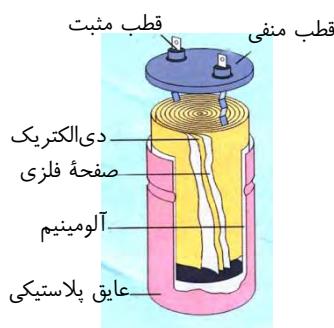
خازن‌های میکا: بین ورقه‌های فلزی نازک قلعی، ورقه‌های نازک میکا قرار می‌دهند و ورقه‌های قلع را یک در میان به یکدیگر وصل می‌کنند. ظرفیت این خازن‌ها حدود ۵۰۰ پیکوفاراد است.



خازن‌های ورقه‌ای: این خازن‌ها از دو ورقه قلع یا آلومینیم تشکیل شده‌اند که بین آن‌ها دو ورقه دیالکتریک مانند کاغذ یا پلاستیک جا داده می‌شود. این ورق‌ها را لوله می‌کنند و به صورت یک استوانه در می‌آورند و در محفظه‌ای پلاستیکی قرار می‌دهند. ظرفیت این نوع خازن‌ها از  $1\text{nF}$  تا  $1\mu\text{F}$  است.

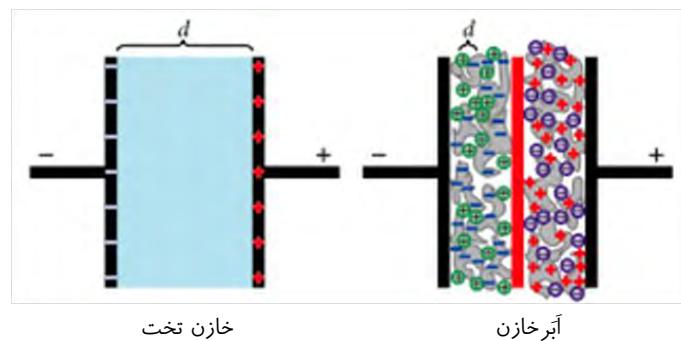


خازن‌های سرامیکی: دیالکتریک این خازن‌ها سرامیک است که با استفاده از انواع سیلیکات‌ها در دمای بالا تهیه می‌شود. ثابت دیالکتریک این خازن‌ها زیاد و در حدود ۱۰۰۰ است. خازن‌های سرامیکی به شکل عدس تهیه می‌شوند و حجم آن‌ها کم است. صفحه‌های رسانای آن‌ها نیز با ذوب نقره در دو طرف سرامیک تهیه می‌شود. ظرفیت این خازن‌ها حدود دهانه نانوفاراد (nF) است.



خازن‌های الکتروولیتی: این خازن‌ها از یک صفحه فلزی اندود شده با اکسید آلومینیوم، به طوری که صفحه فلزی قطب مثبت خازن و لایه اکسید، دیالکتریک آن باشد، تشکیل شده است. الکتروولیت جامد یا مایع (که غالباً کاغذی آغشته به مایع الکتروولیت است) به عنوان قطب منفی خازن عمل می‌کند. ظرفیت این خازن‌ها بالاست و تا حدود  $1\text{F}$  می‌رسد.

**آبرخازن:** این نوع خازن‌ها از موادی مانند زغال فعال<sup>۱</sup> پر شده‌اند که خود درون نوعی الکتریک قرار گرفته‌اند. زغال‌ها پس از قرار گرفتن در دو سوی خازن که توسط غشای عایق و نفوذپذیری به نام جداکننده از هم جدا شده‌اند بارهایی با علامت مخالف می‌گیرند. با توجه به نفوذپذیری جداکننده، یون‌های موجود در الکتروولیت از غشای جداکننده عبور می‌کنند به طوری که یون‌های منفی در سمت زغال‌های باردار مثبت و یون‌های مثبت در سمت زغال‌های باردار منفی قرار می‌گیرند. هر یک از چفت بارهای مثبت و منفی زغال-یون به مثابه خازنی با فاصله جدایی  $d$  است که میلیون‌ها بار کوچک‌تر از فاصله جدایی صفحه‌های یک خازن معمولی است. از طرفی ساختار میکروسکوپی زغال‌های فعال اسفنجی‌شکل است، به طوری که در مقایس نانو سطح تماس بسیار بزرگی با یون‌ها دارد و بدین ترتیب مساحت  $A$  صفحه‌های این خازن نیز به مراتب بزرگ‌تر از مساحت سطح یک خازن معمولی است. بنابراین این خازن‌ها ظرفیت‌های بسیار بزرگی از مرتبه کیلوفاراد دارند که میلیون‌ها برابر ظرفیت خازن‌های معمولی است. یکی از ویژگی‌های این خازن‌ها آن است که خیلی سریع‌تر از باتری‌های شارژشدنی، شارژ می‌شوند و می‌توان آن‌ها را به دفعاتی تا هزاران بار بیشتر از باتری‌ها شارژ کرد. همین ویژگی است که باعث استفاده از این خازن‌ها در وسایل نقلیه الکتریکی می‌شود.



طرحی از ساختار یک آبرخازن در مقایسه با یک خازن تخت معمولی. به تفاوت  $d$ ‌ها توجه کنید. در عمل این تفاوت به مراتب بیشتر است.  $d$  در یک آبرخازن از مرتبه نانومتر است.

**خازن‌های متغیر:** دی‌الکتریک این خازن‌ها معمولاً هواست در ساختمان آن‌ها دو نوع صفحه فلزی، یک دسته ثابت و دسته دیگر متحرک به کار رفته است که هر دو دسته، روی یک محور قرار گرفته‌اند؛ ولی صفحه‌های متحرک روی این محور می‌چرخند. صفحه‌ها به شکل نیم‌دایره‌اند و با چرخیدن صفحه‌های متحرک، مساحت خازن کم و زیاد می‌شود. این نوع خازن‌ها در گیرنده‌های رادیویی به کار می‌رفته است. نماد مداری این خازن‌های به صورت است.



<sup>۱</sup> Activated charcoal

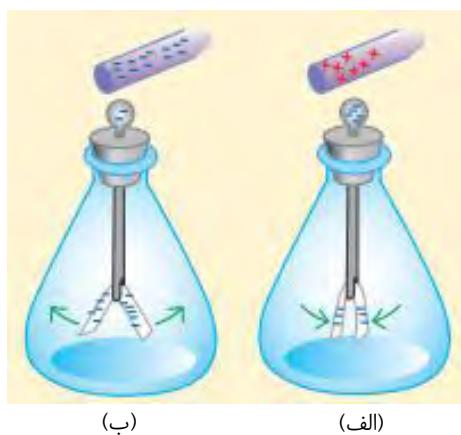
# پرسش و تمرین‌های فصل ۱

۱- این تمرین مروری است بر آن‌چه در کتاب علوم تجربی پایه هشتم تدریس شده و خوب است دانش‌آموزان به مرور آن مطالب تشویق شوند.

الف) میله پلاستیکی یا میله شیشه‌ای باردار را به کلاهک الکتروسکوپ بدون بار نزدیک می‌کنیم و با فاصله گرفتن صفحات آن، به باردار بودن میله‌ها پی می‌بریم.

ب) نخست مثلاً توسط یک میله پلاستیکی باردار الکتروسکوپ را از طریق تماس میله با کلاهک آن باردار می‌کنیم. حال اگر به کلاهک الکتروسکوپ باردار، میله رسانا را (در حالی که آن را با دست خود گرفته‌ایم) تماس دهیم الکتروسکوپ تخلیه می‌شود، ولی میله عایق نمی‌توان الکتروسکوپ را تخلیه کند.

پ) اکنون باید میله باردار شیشه‌ای یا پلاستیکی را به الکتروسکوپ باردار شده نزدیک کنیم. اگر الکتروسکوپ پیشتر باردار منفی شده باشد با نزدیک شدن میله باردار منفی صفحه‌های آن بیشتر فاصله می‌گیرند، در حالی که نزدیک شدن میله باردار مثبت صفحات را به هم نزدیک می‌کند و اگر الکتروسکوپ پیشتر باردار مثبت شده باشد، برعکس.



۲- الف) بار الکتریکی در پارچه پشمی به همان اندازه، ولی با علامت مثبت می‌شود.

ب) با توجه به اینکه  $ne = q$  است، از اینجا می‌توانیم تعداد  $n$  الکترون‌های منتقل شده را بیابیم:

$$n = \frac{12/8 \times 10^{-19} C}{1/60 \times 10^{-19} C} = 8/00 \times 10^{10}$$

۳- الف) بار الکتریکی اتم کربن خنثی، صفر است، ولی هسته اتم کربن ۶ پروتون دارد و بنابراین بار آن برابر  $+6e$  می‌شود که در آن  $C = 10^{-19} \times 1/60 \times 10^{-19} C = 9/60 \times 10^{-19} C = 6(1/60 \times 10^{-19} C)$  است:  $e = 1/60 \times 10^{-19} C$ .

ب) بار اتم کربن یک بار یونیده  $+1e$  است.

۴- چون اندازه گوی‌ها با هم برابر است و هر دو رسانا هستند، پس از تماس گوی‌ها بارهای یکسانی در آن‌ها ظاهر می‌شود. بنابراین پس از تماس گوی‌ها داریم

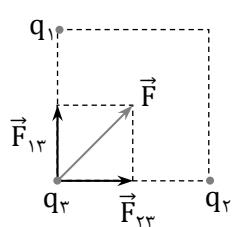
$$q = \frac{q_1 + q_2}{2} = \frac{4/0 nC - 6/0 nC}{2} = -1/0 nC$$

و در نتیجه نیروی بین دو گوی چنین می‌شود:

$$\begin{aligned} F &= k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} = k \frac{|q|}{r^2} \\ &= (9/0 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}) \frac{(1/0 \times 10^{-9} \text{C})}{(0.3 \text{m})^2} \\ &= 1/0 \times 10^{-7} \text{N} \end{aligned}$$

همان‌طور که گفتیم، پس از تماس، بار گوی‌ها یکسان می‌شود و بنابراین هم‌دیگر را دفع می‌کنند. یعنی نیرو، رانشی است.

**۵-** نخست، نیروی وارد بر بار  $q_3$  را رسم می‌کنیم. از آن‌جا داریم



$$\vec{F} = F_{23}\vec{i} + F_{13}\vec{j}$$

که با توجه به اینکه  $q_1 = q_2$  و فاصله بارها از  $q_3$  یکسان است،  $F_{23} = F_{13}$  است و از قانون کولن داریم:

$$\begin{aligned} F_{23} &= F_{13} = k \frac{|q_3||q_2|}{r_{23}^2} \\ &= (9/0 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}) \frac{(5 \times 10^{-9} \text{C})(0.2 \times 10^{-9} \text{C})}{(0.3 \text{m})^2} \\ &= 0.001 \text{N} = 1 \text{mN} \end{aligned}$$

در نتیجه نیروی خالص وارد بر بار  $q_3$  چنین می‌شود:

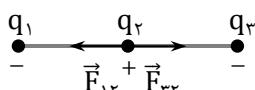
$$\vec{F} = (1 \text{mN})\vec{i} + (1 \text{mN})\vec{j}$$

می‌توانیم بزرگی این نیرو را نیز محاسبه کنیم

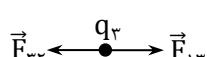
$$F = \sqrt{(0.001 \text{N})^2 + (0.001 \text{N})^2} = 1/41 \times 10^{-3} \text{N} \approx 1 \text{mN}$$

توجه کنید چون داده‌های مسئله فقط با یک رقم معنی‌دار داده شده‌اند، پاسخ نهایی نیز باید با یک رقم معنی‌دار، به صورت  $F = 1 \text{mN}$  ، گزارش شود.

**۶-** نیروهای وارد بر بار  $q_2$  مانند شکل زیر می‌شود:



همان‌طور که می‌بینیم  $\vec{F}_{12}$  در خلاف جهت  $\vec{F}_{23}$  است و چون بارهای  $q_1$  و  $q_3$  و فاصله آن‌ها از  $q_2$  یکسان است، بنابراین  $F_{12} = F_{23}$  ، و در نتیجه نیروی خالص وارد بر  $q_2$  برابر صفر می‌شود. اما در مورد  $q_3$  داریم:



دوباره نیروها در خلاف جهت هم هستند، ولی چون فاصله بارهای  $q_1$  و  $q_2$  کمتر از فاصله بارهای  $q_1$  و  $q_3$  است و همچنین  $|q_1| > |\vec{F}_{23}|$  است،  $|\vec{F}_{13}| > |\vec{F}_{23}|$  خواهد بود و نیروی برایند در خلاف جهت مثبت محور  $x$  وارد می‌شود. بزرگی این نیروها با استفاده از قانون کولن برابر است با

$$\begin{aligned} F_{23} &= k \frac{|q_2||q_3|}{r_{23}} \\ &= (9/0 \times 10^{-9} \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}) \frac{(5/0 \times 10^{-9} \text{C})(4/0 \times 10^{-9} \text{C})}{(0/08 \cdot \text{m})^2} \\ &= 2/8 \times 10^{-5} \text{N} \\ F_{13} &= k \frac{|q_1||q_3|}{r_{13}} \\ &= (9/0 \times 10^{-9} \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}) \frac{(4/0 \times 10^{-9} \text{C})(4/0 \times 10^{-9} \text{C})}{(0/16 \cdot \text{m})^2} \\ &= 5/62 \times 10^{-6} \text{N} \end{aligned}$$

بنابراین  $\vec{F}$  چنین می‌شود:

$$\begin{aligned} F &\approx (5/62 \times 10^{-6} \text{N})\vec{i} - (2/8 \times 10^{-5} \text{N})\vec{i} \\ &\approx 2/2 \times 10^{-5}(-\vec{i}) \end{aligned}$$

۷- الف) از برابر قرار دادن بزرگی نیروی الکتریکی دافعه کولنی و نیروی وزن که در خلاف جهت هم‌اند داریم:



$$mg = k \frac{q}{r}$$

$$\begin{aligned} q &= \sqrt{\frac{mg r}{k}} \\ &= \sqrt{\frac{(2/5 \times 10^{-3} \text{kg})(9/1 \frac{\text{N}}{\text{kg}})(0/01 \text{m})}{9/0 \times 10^{-9} \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}}} \\ &= 1/65 \times 10^{-8} \text{C} \approx 16n\text{C} \end{aligned}$$

و از آنجا

ب) با استفاده از رابطه  $q = ne$  داریم:

$$n = \frac{q}{e} = \frac{1/65 \times 10^{-8} \text{C}}{1/60 \times 10^{-19} \text{C}} \approx 10^{11}$$

خوب است توجه کنید پاسخ‌های به دست آمده در این مسئله فقط تخمین‌هایی از مقادیر واقعی هستند؛ زیرا همان‌طور که در متن درس بیان کردیم شرط استفاده از قانون کولن آن است که فاصله بین دو جسم باردار، خیلی بزرگ‌تر از ابعاد هریک از دو جسم باشد و گویی‌هایی که بتوانند بار  $16n\text{C}$  را روی خود نگه دارند باید شعاعی در حدود چند سانتی‌متر داشته باشند تا هوای پیرامون شان دستخوش فرو ریزش نگردد. وقتی این گویی‌ها در فاصله  $1 \text{cm}$  از هم باشند، شرط ذره‌ای بودن برآورده نمی‌شود.

۸- با توجه به یکواخت بودن میدان الکتریکی و با توجه به اینکه  $q\vec{E} = \vec{F}$  است، نیروی وارد بر ذره در هر دو نقطه برابر است.

۹- الف) هر پروتون را می‌توان به صورت یک ذره باردار در نظر گرفت. بنابراین بزرگی نیروی دافعه الکتروستاتیکی وارد بر یکی،

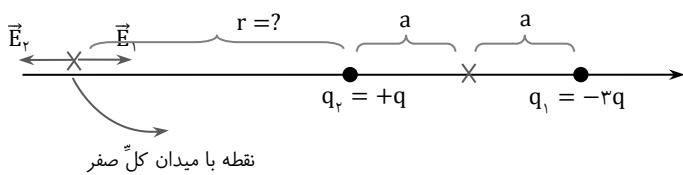
از سوی دیگری با قانون کولن داده می‌شود:

$$\begin{aligned} F &= k \frac{|q_p||q_p|}{r^2} = k \frac{|q_p|^2}{r^2} \\ &= (9/0 \times 10^9 N \cdot \frac{m^2}{C^2}) \frac{(1/80 \times 10^{-19} C)^2}{(4/0 \times 10^{-15} m)^2} \\ &= 14/4 N \approx 14 N \end{aligned}$$

ب) هسته شامل ۲۶ پروتون است. بنابراین  $26e = 26q$  و داریم:

$$\begin{aligned} E &= k \frac{q_{\text{هسته}}}{R^2} \\ &= (9/0 \times 10^9 N \cdot \frac{m^2}{C^2}) \frac{26(1/80 \times 10^{-19} C)}{(1/0 \times 10^{-15} m)^2} \\ &= 3/744 \times 10^{12} N/C \approx 3/7 \times 10^{12} N/C \end{aligned}$$

۱۰- توجه کنید برای بررسی این موضوع باید بار آزمون را در سه نقطه سمت چپ  $+q$ ، در حد بواسطه  $-3q$  و در سمت راست  $-3q$  قرار دهیم. اگر بار آزمون را در سمت راست  $-3q$  - یا در حد بواسطه بارهای  $+q$  و  $-3q$  - قرار دهیم، امکان ایجاد تعادل، و صفر شدن میدان الکتریکی وجود ندارد؛ چرا که اگر بار آزمون (مثبت) را در سمت راست  $-3q$  - قرار دهیم یک نیروی دافعه از سوی  $+q$  و یک نیروی جاذبه از سوی  $-3q$  دریافت می‌کند. اما نیروی جاذبه حاصل از بار  $-3q$  به دلیل آنکه ناشی از اندازه بار بزرگ‌تری است و نیز در فاصله کمتری از بار  $+q$  قرار دارد، امکان ندارد با نیروی دافعه حاصل از  $+q$  به تعادل درآید و خنثی شود. اما در خط و اصل بارهای  $+q$  و  $-3q$  ، سوی نیروهای وارد از بارهای  $+q$  و  $-3q$  در یک جهت است و اصلاً حالتی متصور نیست که این دو نیرو، همدیگر را خنثی کنند. تنها می‌ماند سمت چپ بار  $+q$  در این سمت، نیروی دافعه حاصل از بار  $+q$  و نیروی جاذبه حاصل از بار  $-3q$  - برخلاف جهت یکدیگرند، اما برخلاف وضعیتی که در سمت راست بار  $-3q$  - هستیم، هر دو پارامتر بزرگی بار و اندازه فاصله، به نفع یک نیرو چربیش ندارد. در حالی که بار  $+q$  کوچک‌تر است، اما در عوض فاصله آن هم کمتر است و در حالی که فاصله  $-3q$  - زیاد است، اما در عوض بزرگی بار آن هم زیاد است. می‌توانیم محل دقیق صفر شدن میدان کل را نیز به دست آوریم. همان‌طور که دیدیم، میدان کل در سمت چپ بار  $+q$  می‌تواند صفر باشد. با توجه به اینکه میدان‌های  $\vec{E}_1$  و  $\vec{E}_2$  همان‌داده و در خلاف سوی یکدیگرند، خواهیم داشت:



$$E_1 = E_r$$

$$k \frac{|q_2|}{r^2} = k \frac{|q_r|}{r^2}$$

$$k \frac{3q}{(r+a)^2} = k \frac{q}{r^2}$$

و در نتیجه

$$\frac{\sqrt{3}}{r+a} = \frac{1}{r}$$

و از آنجا

$$r = \frac{2}{\sqrt{3}-1} a \approx (\sqrt{3} + 1)a$$

$$\approx 2/7a$$

یعنی نقطه با میدان کل صفر رویم حور  $X$ ، در سمت چپ بار  $+q$ ، و در فاصله  $a(\sqrt{3} + 1)$  از بار  $+q$  واقع است. تبصره. ما سه حالت روی محور را در قسمت الف بررسی کردیم، اگر بار آزمون را در هر نقطه‌ای غیر از محور شکل قرار دهیم و خطوط میدان را رسم کنیم، درخواهیم یافت که در هر نقطه یک میدان برایند غیر صفر خواهیم داشت و امکان ندارد میدان الکتریکی صفر شود.

البته در کتاب‌های پیشرفته‌تر، پایداری تعادل بار آزمون در نقطه میدان صفر نیز بررسی می‌شود. به این ترتیب که آیا با جابه‌جا کردن بار آزمون از نقطه با میدان صفر، آیا بار دوباره به محل خود (نقطه تعادل) بازمی‌گردد یا خیر. ثابت می‌شود که در حالت کلی، در نقطه با میدان الکتریکی صفر، و صرفاً با حضور نیروهای کولنی، تعادل پایدار نداریم و از این واقعیت به عنوان قضیه Earnshaw یاد می‌شود، به عبارتی، قضیه Earnshaw در حالت کلی بیان می‌دارد که در الکتروستاتیک تعادل پایدار نداریم.

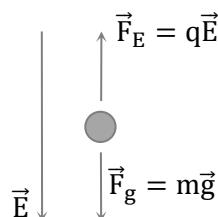
(ب) جهت نیروهای وارد بر بار آزمون واقع بر مبدأ هر دو در سوی مثبت محور  $X$  است و بنابراین، بزرگی میدان‌های الکتریکی در نقطه ۰ با هم جمع می‌شود:

$$E = k \frac{q}{a^3} \vec{i} + k \frac{3q}{a^3} \vec{i}$$

$$= 4k \frac{q}{a^3} \vec{i}$$

بنابراین، بزرگی میدان الکتریکی برایند در مبداء مختصات  $\frac{q}{a^3} = E$ ، و جهت در سوی مثبت محور  $X$  است.

۱۱- چون نیروی گرانشی رو به پایین بر ذره اثر می‌کند، نیروی الکتریکی باید در خلاف جهت آن و رو به بالا باشد. می‌دانیم نیروی الکتریکی وارد بر بار منفی در خلاف جهت میدان الکتریکی است. بنابراین نوع بار باید حتماً منفی باشد و شکلی مانند زیر داریم.



از شرط تعادل نیروها داریم

$$|q|E = mg$$

$$|q| = \frac{mg}{E} = \frac{(2/0 \times 10^{-3})(1 \cdot \frac{N}{kg})}{(5/0 \times 10^5 \frac{N}{C})}$$

$$= 4/0 \times 10^{-8} C = 40 nC$$

۱۲- از تقارن شکل واضح است که همه میدان‌های حاصل از بارهای روی دو مربع همدیگر را دوبه دو خنثی می‌کند، به جز دو باری که در وسط دو ضلع سمت چپ و راست مربع بزرگ قرار دارند. در این صورت، میدان الکتریکی در نقطه P، برایند میدان‌های حاصل از میدان این دو بار می‌شود. توجه کنید برای بررسی جهت میدان، باید بار آزمون (مثبت) را در نقطه P قرار

دهیم. بار آزمون توسط هر دو بار جذب می‌شود، اما چون بار سمت چپ بزرگ‌تر است، جهت میدان برایند به سوی آن است.

بنابراین، خواهیم داشت:

$$\vec{E}_P = k \frac{\vec{q}}{d^r} (-\vec{i}) + k \frac{q}{d^r} (\vec{i}) \\ = \frac{kq}{d^r} (-\vec{i})$$

بنابراین، بزرگی میدان در نقطه P برابر با  $E_p = k \frac{q}{d^r}$  است. و جهت رو به سمت چپ است.

**۱۳** - از متن درس آموختیم که خطوط میدان الکتریکی در جهت نیروی وارد بر بار آزمون هستند و بنابراین برای بار مثبت، رو به خارج و برای بار منفی، رو به داخل می‌شود. پس بار  $q_1$  مثبت و بار  $q_2$  منفی است. همچنین آموختیم در هر ناحیه که میدان قوی‌تر باشد، خطوط میدان الکتریکی فشرده‌ترند. بنابراین، با توجه به فشردگی بیشتر خطوط میدان الکتریکی در نزدیکی بار  $q_1$ ، در می‌یابیم بزرگی بار  $q_1$  بیشتر است. این را می‌توان از تعداد خطوط میدان خروجی از بار  $q_1$  و ورودی به بار  $q_2$  نیز دریافت. به عبارتی، هرچه تعداد خطوط خروجی از یک بار مثبت (یا ورودی به یک بار منفی) بیشتر باشد، به معنی بزرگ‌تر بودن، اندازه آن بار است.

**۱۴** - با توجه به آنچه از متن درس آموختیم، در می‌یابیم همه موارد غیر از مورد (ت) نادرست‌اند. در ادامه، دلایل ارائه می‌شود.

شکل الف:

یکی از موارد نادرست در این شکل آن است که برای هر دو بار مثبت و منفی، خطوط میدان را رو به بیرون گرفته است. در حالی که می‌دانیم برای بار منفی باید خطوط میدان رو به داخل باشد.

شکل ب:

یکی از موارد نادرست در این شکل آن است که خطوط میدان، در نقاط غیرواقع بر خط واصل دو بار، جهت میدان برایند را به درستی نشان نمی‌دهند، یعنی خطوط میدان آغاز شده از بار مثبت، فقط جهت میدان ناشی از بار مثبت را نشان می‌دهند، و خطوط میدان ختم شده به بار منفی، فقط جهت میدان ناشی از بار منفی را نشان می‌دهند.

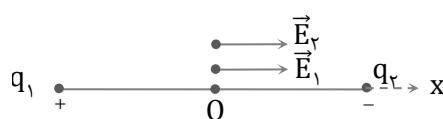
شکل پ:

خطای این شکل، در نادرستی جهت خطوط میدان است. در این شکل، خطوط از بار منفی آغاز و به بار مثبت ختم شده‌اند، که درست نیست.

شکل ت:

این شکل صحیح است. در این شکل، خطوط میدان دو قطبی الکتریکی را می‌بینند. شکل ۱-۱۸، کتاب، نمایش سه بعدی همین خطوط را نشان می‌دهد. همچنین در پرسش ۱-۵، کتاب، رسم دو بعدی این خطوط را دیدید. در فعالیت ۱-۳ کتاب نیز، طرحی واقعی از خطوط میدان دوقطبی الکتریکی را مشاهده کردید.

**۱۵** - الف) با قرار دادن بار آزمون در نقطه ۰ در می‌یابیم که میدان‌های حاصل از بارهای  $q_1$  و  $q_2$  در یک جهت (سوی  $\vec{i}$ ) هستند.

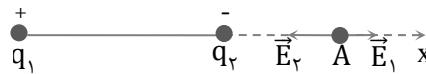


بنابراین در نقطه ۰ داریم:

$$\begin{aligned}\vec{E}_0 &= \vec{E}_1 + \vec{E}_2 = 2\vec{E}_1 = 2k \frac{q_1}{r^1} \vec{i} \\ &= 2(9/0 \times 10^9 N \cdot m^2/C^2) \frac{(1/0 \times 10^{-9} C)}{(0.030 m)^2} \vec{i} \\ &= (2/0 \times 10^4 N/C) \vec{i}\end{aligned}$$

بنابراین، بزرگی میدان در نقطه 0 برابر با  $10^4 N/0.030 m$  و جهت آن به طرف راست ( $\vec{i}$ ) است.

در نقطه A، میدان‌ها در خلاف جهت یکدیگرند و بنابراین بزرگی میدان‌ها از کم می‌شود.



$$\vec{E}_A = \vec{E}_2 + \vec{E}_1$$

که چون  $q_2$  به نقطه A نزدیک‌تر است  $E_2 > E_1$  می‌شود و میدان الکتریکی برایند در جهت  $\vec{i}$  خواهد بود:

$$\begin{aligned}\vec{E}_A &= (E_2 - E_1)(-\vec{i}) \\ &= \left(\frac{kq}{r_2^2} - \frac{kq}{r_1^2}\right)(-\vec{i}) \\ &= (9/0 \times 10^9 N \cdot m^2/C^2)(1/0 \times 10^{-9} C)\left(\frac{1}{(0.030 m)^2} - \frac{1}{(0.090 m)^2}\right)(-\vec{i}) \\ &= 8/0 \times 10^3 N/C (-\vec{i})\end{aligned}$$

بنابراین، بزرگی میدان در نقطه A برابر  $8/0 \times 10^3 N/C$  است، جهت آن به طرف چپ ( $\vec{i}$ ) است.

ب) خیر. در پاسخ پرسش ۱۰ استدلال کردیم که برای دو بار نقطه‌ای ناهمنام، نقطه‌ای که در آن میدان الکتریکی برایند صفر باشد، خارج از فاصله بین دو بار، و در طرف بار با اندازه کوچک‌تر است. با توجه به این که در این مسئله، اندازه دو بار مساوی است، مرور آن استدلال به شما نشان می‌دهد چنین نقطه‌ای در فضای پیرامون این دو بار وجود ندارد، که میدان خالص در آن صفر باشد.

**۱۶- الف)** نیرو از رابطه  $F_E = |q|E$  به دست می‌آید. بنابراین چون میدان، یکنواخت است نیروی الکتریکی وارد بر بار q در تمام نقاط مسیر برابر است با

$$F_E = (50 \times 10^{-9} C)(8/0 \times 10^5 N/C) = 4/0 \times 10^{-3} N$$

ب) کار نیروی الکتریکی از رابطه  $W = |q|Ed \cos\theta$  به دست می‌آید. بنابراین در مسیر AB که  $\theta = 90^\circ$  است،

می‌شود، ولی در مسیر BC جابه‌جایی در خلاف جهت نیروی الکتریکی و  $\theta = 180^\circ$  است داریم:

$$\begin{aligned}W_{BC} &= -|q|Ed \\ &= -(50 \times 10^{-9} C)(8/0 \times 10^5 N/C)(0.40 m) \\ &= -0.16 J\end{aligned}$$

کار نیروی الکتریکی در مسیر ABC برابر با حاصل جمع کار نیروی الکتریکی در مسیرهای AB و BC است، و بنابراین برابر همان  $-0.16 J$  می‌شود.

پ) می‌دانیم  $\Delta U_E = -W_E$  است و بنابراین  $J = -0.16 J$  می‌شود.

**۱۷- الف)** چون بار آزمون در خلاف جهت میدان جابه‌جا شده است و نیروی الکتریکی وارد به میدان همسو با میدان است،

و درنتیجه کار نیروی الکتریکی طبق رابطه  $W_E = |q|Ed \cos\theta$ ، مقداری منفی می‌شود.

ب) چون  $\Delta K = \Delta U - W_{\text{ext}}$  است، مجموع کار نیروی خارجی ( $W_{\text{ext}}$ ) و کار نیروی الکتریکی ( $W_E$ ) برابر صفر است و بنابراین کار نیروی خارجی، مثبت است.

پ) طبق رابطه  $\Delta U = -W_E$  چون  $\Delta U < 0$  شده است، پس انرژی پتانسیل زیاد می‌شود.  
ت) با توجه به رابطه  $\Delta V = \Delta U_E/q$  و مثبت بودن  $U_E$  و  $q$ ،  $\Delta V > 0$  نیز مثبت می‌شود. از طرفی  $V_B - V_A = \Delta V$  است.  
چون  $\Delta V > 0$  است، بنابراین پتانسیل B از پتانسیل A بیشتر است.

تبصره. روش دیگر حل چنین مسائلی است که بگوییم وقتی بار مثبت را برخلاف جهت میدان الکتریکی حرکت می‌دهیم، انرژی پتانسیل گرانشی زیاد می‌شود. این اظهارنظر در تشابه با گرانش است که وقتی در خلاف جهت میدان گرانشی حرکت کنیم، انرژی پتانسیل زیاد می‌شود. این اظهارنظر در تشابه با گرانش است که وقتی در خلاف جهت میدان گرانشی حرکت کنیم، انرژی پتانسیل گرانشی زیاد می‌شود. افزایش انرژی پتانسیل (برای بار مثبت) و با توجه به رابطه  $\frac{U_E}{q} = V$ ، به معنی افزایش پتانسیل است. می‌دانیم به ازای  $\Delta K = \Delta U$  انرژی پتانسیل به کار نیروی خارجی مثبت می‌انجامد و با توجه به این که  $W_{\text{ext}} = -W_E$  می‌شود، کار میدان الکتریکی منفی است.

یک پرسش تکمیلی که می‌توان برای این پرسش مطرح کرد این است که بار را در مسیرهای غیرمستقیمی از A به B نزدیک کرد و دوباره همین پرسش‌ها را مطرح کرد.

**۱۸**- در شکل الف، در پیرامون همه نقاط مسیر A تا B، خطوط میدان متراکم‌تر از دو شکل دیگر است و بنابراین میدان الکتریکی قوی‌تر و نیروی وارد به پروتون در این حالت بیشتر از بقیه حالت‌ها است و با توجه به این‌که  $\vec{E} = \vec{F}/m$  است، شتاب پروتون نیز بیشتر می‌شود. بنابراین، سرعت نهایی پروتون نیز در جایه‌جایی یکسان، بیشتر می‌شود. البته خوب بود مسئله ترتیب سرعت‌ها را نیز می‌پرسید. در این صورت، سرعت پروتون در نقطه B برای آرایش (ب) بیشتر از آرایش (پ) می‌شد، زیرا فاصله خطوط میدان همه نقاط مسیر در شکل پ، در مقایسه با دو شکل دیگر از همه بیشتر است که این به معنی ضعیفتر بودن میدان در مقایسه با دو شکل دیگر است. (در حل چنین مسائلی توجه کنید که خطوط میدان در همه شکل‌ها با مقیاس یکسانی رسم شده باشند).

**۱۹**- با استفاده از رابطه  $E = \Delta V / d$ ، میدان الکتریکی را محاسبه می‌کنیم:

$$E = \frac{|\Delta V|}{d} = \frac{100V}{2/.. \times 10^{-2}m} = 5/.. \times 10^3 V/m$$

در متن درس اشاره کردیم که با حرکت در سوی خطوط میدان، از پتانسیل الکتریکی بیشتر به سمت پتانسیل الکتریکی کم‌تر می‌رویم. همچنین دیدیم خطوط میدان از بارهای مثبت آغاز و به بارهای منفی ختم می‌شود. بنابراین، صفحه باردار مثبت در پتانسیل بالاتری نسبت به صفحه منفی قرار دارد.

**۲۰**- (الف) با استفاده از رابطه  $\Delta U = q\Delta V$  داریم:

$$\begin{aligned} \Delta U &= q(V_r - V_i) \\ &= (-40 \times 10^{-9} C)(-10V - (-40V)) = -1/2 \times 10^{-6} J = -1/2 \mu J \end{aligned}$$

چون  $\Delta U < 0$  شده است، پس انرژی پتانسیل الکتریکی بار Q کاهش یافته است.

ب) چون از انرژی پتانسیل الکتریکی بار کاسته شده است و بار آزادانه حرکت می‌کند، بنابراین از پایستگی انرژی نتیجه می‌گیریم که بر انرژی جنبشی بار افزوده می‌شود و لحظه‌به لحظه سرعت آن زیاد می‌شود.



**۲۱**- در متن درس دیدیم وقتی یک رسانای خنثی در میدان الکتریکی خارجی قرار گیرد، بارهای الکتریکی روی سطح رسانا به گونه‌ای القا می‌شوند که میدان الکتریکی خالص درون رسانا صفر شود. بنابراین، با نزدیک کردن کره به آونگ باردار، روی کره بارهای مثبت و منفی مشابه شکل زیر القا می‌شود، به طوری که سطح نزدیک به آن دارای بار منفی و سطح دور از آن، دارای بار مثبت می‌گردد. اما توجه کنید بارهای منفی به آونگ نزدیک‌ترند، پس نیروی جاذبی وارد به آونگ بیشتر از نیروی دافعه وارد بر آن می‌شود و کره، آونگ را جذب می‌کند. اگر فاصله کره از آونگ کم باشد، آونگ با کره تماس پیدا می‌کند. اکنون اگر گلوله آونگ هم رسانا باشد، کره و آونگ یک جسم رسانا را تشکیل می‌دهند که باید کل بار روی سطح آن‌ها پخش شود تا میدان الکتریکی خالص داخل آن صفر باشد. پس به بیانی ساده، آونگ بارهای منفی کره را خنثی می‌کند و آونگ و کره هر دو دارای بار مثبت می‌شوند و بنابراین آونگ از کره دفع می‌گردد.

**۲۲**- این پدیده نیز بر اثر القا صورت می‌گیرد. براده‌های ریز آلومینیومی بدون بار مثل یک رسانای خنثی هستند که در میدان الکتریکی حاصل از صفحه پلاستیکی باردار قرار گرفته‌اند. بسته به اینکه بار صفحه پلاستیکی، مثبت یا منفی باشد، در سطح مقابل آن در براده‌ها، بار منفی یا مثبت القا می‌شود که این با توجه به توضیحی که در پاسخ پرسش ۲۱ ارائه شد، موجب جذب براده‌ها به صفحه پلاستیکی می‌شود.

**۲۳**- با فرض آنکه بار  $q$  به یکنواخت روی شش وجه مکعبی ماهواره توزیع شده باشد، روی هر وجه آن باری به اندازه  $q/6$  قرار می‌گیرد. بنابراین، چگالی سطحی بار چنین می‌شود:

$$\sigma = \frac{Q}{A} = \frac{q/6}{a^2} = \frac{\frac{(q/6) \times 10^{-9} C}{\epsilon}}{(\cdot/40 m)^2} = 2/0 \times 10^{-9} \frac{C}{m^2} \approx 2/1 \times 10^{-9} \frac{C}{m^2}$$

**۲۴**- ظرفیت خازن فقط به شکل هندسی خازن (و جنس عایق آن) نه به بار اختلاف پتانسیل بین صفحه‌ها بستگی دارد. بنابراین الف) و ب) هیچ تأثیری بر ظرفیت خازن ندارند.

**۲۵**- بار خازن از رابطه  $CV = Q$  به دست می‌آید. با توجه به اینکه ظرفیت خازن ثابت است، بنابراین برای نمو (تغییر)  $Q$  داریم:

$$\Delta Q = C \Delta V = C(V_2 - V_1)$$

و از آنجا

$$C = \frac{\Delta Q}{V_2 - V_1} = \frac{15 \times 10^{-9} C}{40 V - 28 V} = 1/25 \times 10^{-6} F \approx 1/2 \mu F$$

**۲۶**- وقتی دی الکتریکی قطبی مانند آب در میدان الکتریکی خارجی قرار گیرد، مولکول‌های دوقطبی می‌کوشند در جهت میدان الکتریکی همدیف شوند، به طوری که سر منفی مولکول‌ها در جهت مقابله پیکانه خطوط میدان الکتریکی، و سر مثبت مولکول‌ها در همان جهت پیکانه خطوط میدان الکتریکی قرار گیرند. بنابراین وقتی آب در میدان الکتریکی خارجی قرار می‌گیرد، مولکول‌های دوقطبی با میدان هم‌سو می‌شوند و مثلاً اگر بادکنک بار منفی پیدا کرده باشد، سر مثبت مولکول‌های دوقطبی در برابر آن قرار می‌گیرد. بادکنک منفی، سر مثبت هر مولکول را جذب و سر منفی همان مولکول را دفع می‌کند. با

توجه به مقایسه فاصله سرهای مثبت و منفی هر مولکول تا بادکنک، نیروی جاذبه قوی‌تر از نیروی دافعه و این باعث جذب آن به طرف بادکنک می‌شود.

**۲۷** - برای مولکول‌های دوقطبی موجود در کاغذ (مثل مولکول‌های آب)، پاسخ همان پاسخ پرسش ۲۶ است. برای مولکول‌های غیرمولکول‌های غیرقطبی موجود در کاغذ، همان‌طور که شکل نشان می‌دهد، وقتی در میدان الکتریکی خارجی قرار می‌گیرند، مولکول‌ها بر اثر القا، قطبیده می‌شوند و اصطلاحاً مولکول قطبیده می‌شود. میدان الکتریکی باعث می‌شود مرکز بارهای مثبت و منفی از هم جدا شوند، به‌طوری که سر منفی آن‌ها در اینجا در مقابل بار مثبت شیشه قرار گیرد و بدین‌ترتیب جذب آن شود.

**۲۸** - از ظرفیت یک خازن تخت، مساحت صفحه‌های A ای آن را به دست می‌آوریم:

$$A = \frac{Cd}{\epsilon} = \frac{(1/\cdot F)(1/\cdot \times 10^{-3} m)}{(8/85 \times 10^{-12} \frac{F}{m})} = 1/1 \times 10^8 m^2$$

توجه کنید این مساحت، متناظر با مساحت مربعی به ضلع حدوداً ۱۰ km است. حجم چنین خازنی دست‌کم برابر  $Ad = 1/1 \times 10^5 m^3$  است، یعنی مکعبی به ضلع تقریبی ۵۰ m. بنابراین امکان ساختن چنین خازنی به طریق معمول ناممکن و یا دست‌کم غیرمعقول است.

جالب است بدانید یکی از شوخی‌ها رایج در قدیم این بود که برخی از اساتید به دانشجویان خود می‌گفتند: «برو از آزمایشگاه یک خازن ۱F بیاور!» البته امروزه می‌توان خازن‌های یک فارادی یا حتی بزرگتری را به ضلع فقط چند سانتی‌متر ساخت. شگرد آن این است که فضای میان صفحه‌ها با مواد مناسبی پر شود. مثلاً آبر خازن‌ها که در فعالیت ۱۱-۱ به آن پرداختیم، از این دست است.

**۲۹** - توجه کنید که در این مسئله، خازن همچنان به باتری بسته شده است و بنابراین اختلاف پتانسیل بین صفحه‌های آن تغییری نمی‌کند. پس گزینه (ب) نادرست است. با دو برابر کردن فاصله بین صفحه‌ها، ظرفیت خازن طبق رابطه  $C = \frac{A}{d}$  نصف می‌شود و بنابراین گزینه (پ) نیز نادرست است. با توجه به اینکه ظرفیت خازن کاهش می‌یابد، در حالی که اختلاف پتانسیل ثابت است، بار خازن طبق رابطه  $CV = Q$  کاهش پیدا می‌کند و بنابراین گزینه (ت) نیز نادرست است. تنها گزینه درست، گزینه (الف) است، چرا که طبق رابطه  $Ed = | \Delta V |$ ، با توجه به اینکه اختلاف پتانسیل ثابت است و فاصله صفحه‌ها دو برابر می‌شود، E نصف می‌شود.

**۳۰** - با استفاده از رابطه‌های  $C = kC_0$  و  $C_0 = \frac{\epsilon_0 A}{d}$ ، داریم:

$$C = k\epsilon_0 \frac{A}{d} = (4/9)(8/85 \times 10^{-12} \frac{F}{m}) \frac{(1/\cdot \cdot \cdot m)^2}{(0.500 \times 10^{-3} m)} = 8/67 \times 10^{-8} F \approx 87 nF$$

**۳۱** - جرقه حاصل بزرگتر می‌شود. این انرژی از کاری حاصل می‌شود که با افزایش فاصله صفحات خازن (بر علیه جاذبه الکتریکی صفحه‌ها) توسط ما ایجاد شده است. روش دیگر آن است که بگوییم ظرفیت خازن کم شده است، ولی بار تغییر نکرده است. طبق رابطه  $\frac{Q}{C} = V$ ، این به معنی افزایش اختلاف پتانسیل است. افزایش ولتاژ، خود به معنی افزایش اختلاف

انرژی پتانسیل الکتریکی است. این را به طور مستقیم از رابطه  $\frac{Q^2}{2C} = U$  نیز می‌توانستیم دریابیم. پس هنگام تخلیه خازن، جرقهٔ پرانرژی‌تر و بزرگتری خواهیم داشت.

۳۲- با توجه به اینکه بار و ظرفیت خازن در مسئلهٔ دخالت دارند از رابطه  $\frac{Q^2}{2C} = U$  برای انرژی خازن استفاده می‌کنیم. اما بیش از آن بهتر است نگاهی به مفهوم این مسئلهٔ بیندازیم. اگر خازن در ابتدا بدون بار باشد، تصور آن ساده‌تر است. مثلاً تصور کنید با استفاده از یک «موچین سحرآمیز» الکترون‌ها را از یک صفحهٔ خازن برداشته و به نوبت به صفحهٔ دیگر منتقل می‌کنیم. بر اثر این کار میدانی الکتریکی بین صفحه‌ها برقرار می‌شود و جالب است که این میدان در جهتی است که با انتقال بیشتر بار مخالفت می‌کند. بنابراین، وقتی بار بر روی صفحه‌های خازن بیشتر و بیشتر می‌شود، مجبورید برای انتقال بارهای بیشتر، به طور مدام کارهای بیشتری انجام دهید. البته در عمل می‌دانید که این کار توسط باقی صورت می‌گیرد. بنابراین، ما در اینجا مسئله‌ای کاملاً ذهنی داریم و عملاً داریم فرض می‌کنیم که با یک موچین سحرآمیز بارها را حرکت می‌دهیم و البته لحظه‌ای بینابینی در حین این روند را درنظر گرفته‌ایم، یعنی پس از اینکه موچین سحرآمیز با باردار کردن صفحه‌ها، میدان الکتریکی ایجاد کرده است و داریم به لحظه‌ای توجه می‌کنیم که موچین در حال بردن  $3/0 \text{ mC}$  + ۳ بار از صفحهٔ منفی به صفحهٔ مثبت است.

بنابراین، اگر بار صفحه‌ها را در پیش از این لحظه  $Q$  در نظر بگیریم، پس از لحظهٔ موردنظر بار به  $Q + \Delta Q$  تبدیل شده

است. در نتیجه، تغییر انرژی پتانسیل با استفاده از رابطه  $\frac{Q^2}{2C} = U$  چنین می‌شود:

$$\begin{aligned}\Delta U &= \frac{(Q+\Delta Q)^2}{2C} - \frac{Q^2}{2C} = \\ \frac{\Delta Q^2 + 2Q\Delta Q}{2C} &= \frac{(3/0 \times 10^{-3} \text{ C})^2 + 2q(3/0 \times 10^{-3} \text{ C})}{2(12 \times 10^{-6} \text{ F})} = \\ 0/375 + Q(0/25 \times 10^{-3}) &= 8\end{aligned}$$

و در نتیجه  $Q = 3/05 \times 10^{-3} \text{ C} \approx 3/1 \text{ mC}$  می‌شود.

تبصره. خوب است از دیدگاه ریاضی نیز نشان دهیم چرا کار این «موچین سحرآمیز» برابر افزایش انرژی پتانسیل خازن است. در لحظهٔ شروع جابه‌جایی بار، اختلاف پتانسیل دو صفحهٔ خازن  $\frac{Q}{C}$  و در پایان جابه‌جایی  $(Q + \Delta Q)/C$  است. با توجه به این که اختلاف پتانسیل دو صفحهٔ خازن تابعی درجه اول از بار خازن است ( $V = \frac{Q}{C}$ )، می‌توان نتیجه گرفت که جابه‌جایی بار  $\Delta Q$  تحت اختلاف پتانسیل متوسط  $\bar{V}$  صورت گرفته است که برابر میانگین مقادیر اولیه و نهایی پتانسیل است که برابر نصف مجموع دو مقدار  $\frac{Q}{C}$  و  $(Q + \Delta Q)/C$  می‌شود. در آن صورت، پتانسیل متوسط  $\bar{V} = \frac{2Q + \Delta Q}{2C}$  به دست می‌آید که ضرب آن در  $\Delta Q$ ، همان کار نیروی خارجی در این جابه‌جایی بار را به دست می‌دهد. از آنجا در خواهیم یافت که  $W = \bar{V}\Delta Q$  برابر مقدار محاسبه شده در بالا برای  $\Delta U$  است. یعنی کار نیروی خارجی برابر افزایش انرژی پتانسیل خازن شده است.